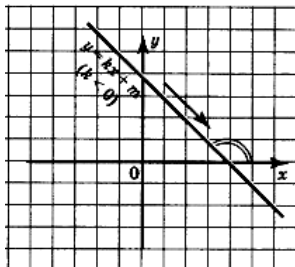
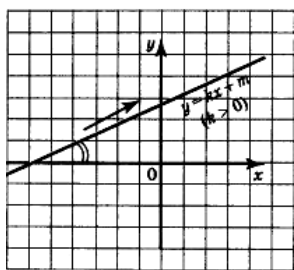
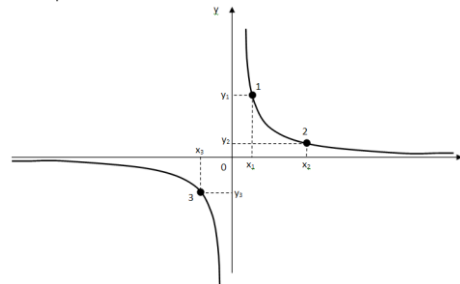


Графики функций

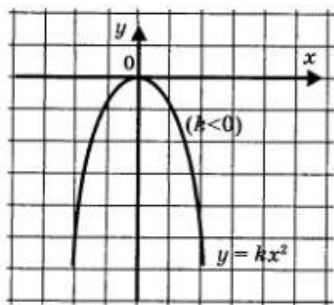
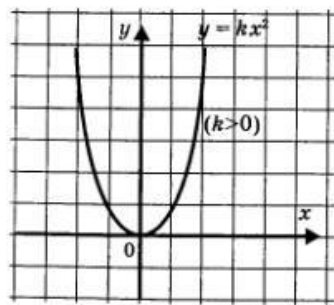
Линейная функция



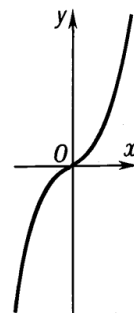
Функция, описывающая обратную пропорциональную зависимость



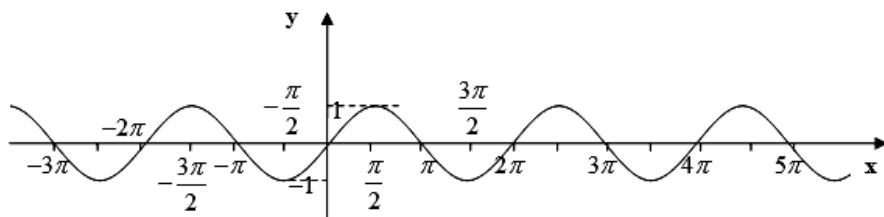
Квадратичная функция



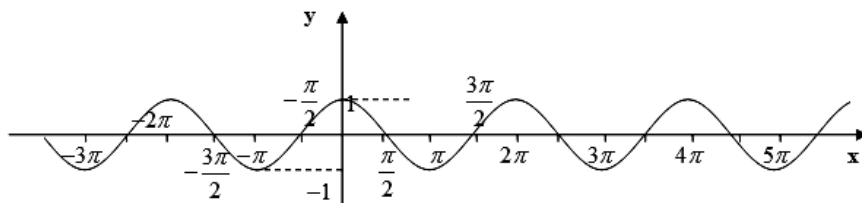
Функция $y = x^3$.



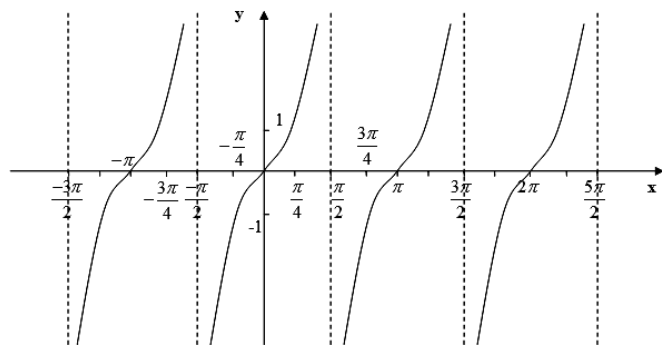
Функция $y = \sin x$



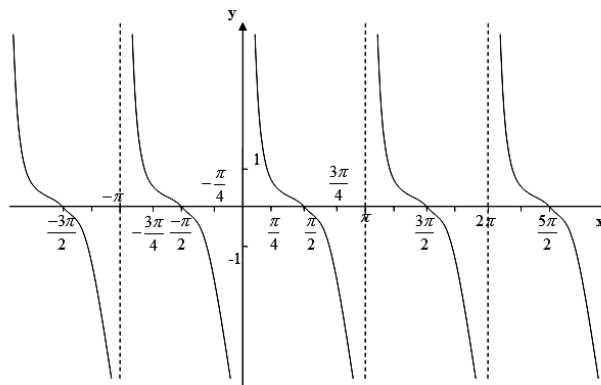
Функция $y = \cos x$



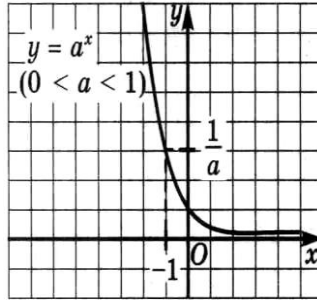
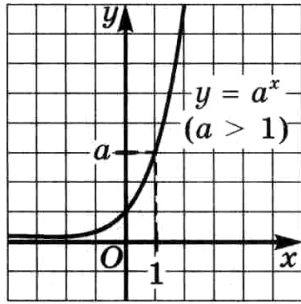
Функция $y = \operatorname{tg} x$



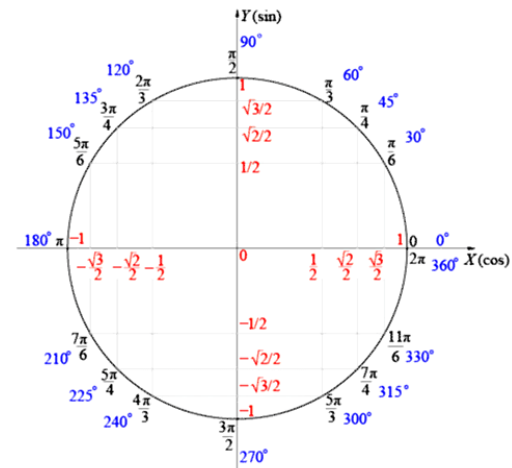
Функция $y = \operatorname{ctg} x$



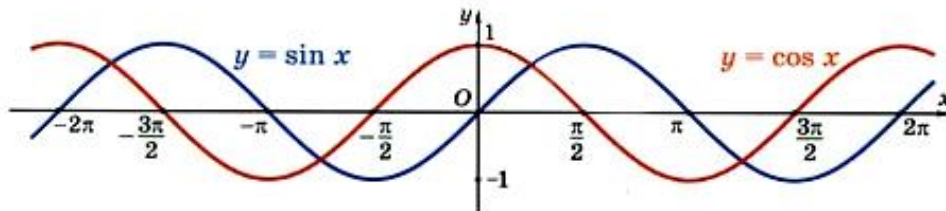
Показательная функция



Тригонометрический круг



ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФУНКЦИИ СИНУС и КОСИНУС



СВОЙСТВА	$y = \sin x$	$y = \cos x$
1. Область определения	\mathbb{R}	\mathbb{R}
2. Область значений	$[-1; 1]$	$[-1; 1]$
3. Чётность	нечётная	чётная
4. Наименьший положительный период	2π	2π
5. Координаты точек пересечения графика функции с осью а) Ox б) Oy	$(\pi n; 0)$ $(0; 0)$	$(\frac{\pi}{2} + \pi n; 0)$ $(0; 1)$
6. Промежутки, на которых функция принимает а) положительные значения: б) отрицательные значения:	$(2\pi n; \pi + 2\pi n)$ $(-\pi + 2\pi n; 2\pi n)$	$(-\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n)$ $(\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{3\pi}{2} + 2\pi n)$
7. Промежутки а) возрастания: б) убывания:	$[-\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n]$ $[\frac{\pi}{2} + 2\pi n; \frac{3\pi}{2} + 2\pi n]$	$[-\pi + 2\pi n; 2\pi n]$ $[2\pi n; \pi + 2\pi n]$
8. Точки минимума	$-\frac{\pi}{2} + 2\pi n$	$\pi + 2\pi n$
9. Минимумы функции	-1	-1
10. Точки максимума	$\frac{\pi}{2} + 2\pi n$	$2\pi n$
11. Максимумы функции	1	1

$n \in \mathbb{Z}$

Монотонность функции

Определение 1: Функцию $y = f(x)$ называют *возрастающей на множестве $X \in D(f)$* , если для любых двух точек x_1 и x_2 множества X , таких, что $x_1 < x_2$, выполняется неравенство $f(x_1) < f(x_2)$.

Определение 2: Функцию $y = f(x)$ называют *убывающей на множестве $X \in D(f)$* , если для любых двух точек x_1 и x_2 множества X , таких, что $x_1 < x_2$, выполняется неравенство $f(x_1) > f(x_2)$.

Промежутки области определения, на которых функция возрастает или убывает, называются *промежутками монотонности* функции. Возрастающие и убывающие функции называются *монотонными*.

- *Свойство 1.* Пусть функция $f(x)$ возрастает (убывает) на множестве X и C – любое число. Тогда функция $g(x) = f(x) + C$, также возрастает (убывает) на множестве X .
- *Свойство 2.* Пусть функция $f(x)$ возрастает (убывает) на множестве X и $C > 0$. Тогда функция $g(x) = Cf(x)$, также возрастает (убывает) на множестве X .
- *Свойство 3.* Пусть функция $f(x)$ возрастает (убывает) на множестве X и $C < 0$. Тогда функция $g(x) = Cf(x)$, убывает (возрастает) на множестве X .
- *Свойство 4.* Пусть функция $f(x)$ возрастает (убывает) и знакопостоянна на множестве X . Тогда функция $g(x) = f^{-1}(x)$, убывает (возрастает) на множестве X .
- *Свойство 5.* Сумма возрастающих (убывающих) функций есть функция возрастающая (убывающая).
- *Свойство 6.* Произведение возрастающих (убывающих) неотрицательных функций есть функция возрастающая (убывающая).

Теорема 1. Если функция $y = g(x)$ возрастает на множестве X , а функция $y = f(x)$ убывает на множестве X , то уравнение $g(x) = f(x)$ имеет на X не более одного корня.

Теорема 2. Если функция $y = g(x)$ монотонна на множестве X , а функция $y = f(x)$ постоянна на множестве X , то уравнение $g(x) = f(x)$ имеет на X не более одного корня.

Ограниченность функции

Определение 1: Функцию $y = f(x)$ называют *ограниченной снизу на множестве $X \in D(f)$* , если все значения функции на множестве X больше некоторого числа (иными словами, если существует такое число m , что для любого значения $x \in X$ выполняется неравенство $f(x) > m$).

Определение 2: Функцию $y = f(x)$ называют *ограниченной сверху на множестве $X \in D(f)$* , если все значения функции на множестве X меньше некоторого числа (иными словами, если существует такое число M , что для любого значения $x \in X$ выполняется неравенство $f(x) < M$).

Если множество X не указано, то подразумевается, что речь идет об ограниченности функции сверху или снизу во всей области определения. Если функция ограничена и сверху, и снизу, то ее называют **ограниченной**.